## 基于 Biot 理论的饱和砂质沉积物声传播 模型及耗散机制分析\*

张 勇<sup>1</sup> 缪金强<sup>1,2</sup> 王 勇<sup>2†</sup> 刘观仕<sup>2</sup>

(1 浙江工业大学 土木工程学院 杭州 310023)
 (2 中国科学院武汉岩土力学研究所 岩土力学与工程国家重点实验室 武汉 430071)
 2023 年 6 月 13 日 收到
 2023 年 9 月 3 日 定稿

摘要 为研究海底浅表砂质沉积物的频散特性,利用由多孔介质理论发展而来的 Biot 模型、Biot-Stoll 模型和附加接触喷流 与剪切拖曳的 Biot-Stoll 模型 (BICSQS 模型),对比三种声传播模型描述下的典型砂质沉积物中纵波和横波频散特性,分析了 模型中不同耗散机制对其声频散关系的影响;结合实测数据探讨了各模型对砂质沉积物的适用性。结果表明,沉积物的声频 散特性是不同耗散机制共同作用的结果,不同频段内的主要耗散机制不同,相同频段内耗散机制对纵波和横波的传播影响亦 不同;随着频率的增加,相比 Biot 和 Biot-Stoll 模型的预测结果,砂质沉积物的实测声速和衰减系数表现出更高的频散趋势, 而 BICSQS 模型可更合理地预测和解释试验现象,适用性更好。

关键词 砂质沉积物, Biot 理论, 声传播, 耗散机制, 频散关系 PACS 数 43.20, 43.30

DOI: 10.12395/0371-0025.2023094

# Analysis of acoustic propagation models and dissipation mechanisms of saturated sandy sediments based on the Biot theory

ZHANG Yong<sup>1</sup> MIAO Jinqiang<sup>1,2</sup> WANG Yong<sup>2†</sup> LIU Guanshi<sup>2</sup>

 (1 College of Civil Engineering, Zhejiang University of Technology Hangzhou 310023)
 (2 State Key Laboratory of Geomechanics and Geotechnical Engineering, Institute of Rock and Soil Mechanics, Chinese Academy of Sciences Wuhan 430071) Received Jun. 13, 2023 Revised Sept. 3, 2023

Abstract To investigate the dispersion characteristics of shallow sandy sediments on the seabed, a comparative analysis was conducted on the longitudinal and transverse wave dispersion features in typical sandy sediments described by the three acoustic propagation models using the Biot model, the Biot-Stoll model and the Biot-Stoll with contact squirt flow and shear drag (BICSQS) model developed from the theory of porous media. The effects of different dissipation mechanisms in the models on the acoustic dispersion relationship were revealed. Furthermore, the applicability of the models to sandy sediments was explored using integrating empirical data. The results indicate that the acoustic dispersion characteristics of sediments are the result of different dissipation mechanisms, which are different in different frequency bands and have different effects on the propagation of longitudinal and transverse waves in the same frequency band. As the frequency increases, the measured acoustic speed and attenuation of sandy sediments exhibit higher dispersion trends than those predicted by the Biot and Biot-Stoll models. In contrast, the BICSQS model demonstrates a more reasonable prediction and interpretation of experimental phenomena with better applicability.

Keywords Sandy sediments, Biot theory, Acoustic propagation, Dissipation mechanism, Dispersion characteristics

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金项目 (51979269, 52127815, 52178364) 资助

<sup>†</sup> 通讯作者: 王勇, wangyong@whrsm.ac.cn

## 引言

海底沉积物是一种复杂的频散介质,其声速和 声衰减随频率的变化具有明显的非线性特征。作为 海洋声场的下边界,海底沉积物的声学频散特性一 直是海底沉积声学以及地球物理勘探领域关注的重 点,影响到声速、衰减系数、反射系数、掠射角等声 传播特性参数的获取,进而影响海洋底质调查<sup>[1-3]</sup>。 通过海底沉积物的声学频散特性可对沉积物的土工 参数进行反演,评估海床地基的承载力和稳定性;在 海底含气沉积物中,通过分析气泡对声波激振频率 的不同响应,还能够无损探测施工区域沉积物中赋 存的高压气体,规避工程灾害<sup>[4-7]</sup>。

声传播理论建模是海底沉积物声学研究的重要 内容。传统声传播模型基于流体理论或弹性理论<sup>[8-9]</sup>, 不能反映沉积物的频散特性;随着对海洋精细化探 测的需要,传统理论的局限性凸显<sup>[10]</sup>。Biot<sup>[11-13]</sup>首先 注意到饱和多孔介质中孔隙流体相对固体骨架黏性 流动所产生的能量耗散,即Biot流耗散,提出了Biot 理论,认为多孔介质的频散特性与流固之间相互作 用密切相关,并预测了三类体波的存在。Stoll<sup>[14]</sup>将 Biot 理论应用于海底沉积物频散性的分析,考虑了 浅表层沉积物颗粒胶结弱、固结程度低的特点,在 Biot 理论基础上,引入骨架颗粒内部相互摩擦所产 生的能量损耗机制,即骨架耗散,建立了 Biot-Stoll 模 型。Williams等<sup>[15]</sup>在应用 Biot-Stoll 模型预测沉积 物纵波频散时,发现可忽略骨架模量的影响,将多孔 介质简化为等效密度流体介质,提出了等效密度流 体模型 (EDFM)。Chotiros 等<sup>[16]</sup>考虑了未胶结沉积 物颗粒接触间的弛豫过程,认为接触间隙流体薄膜 的喷流和拖曳会产生进一步的能量耗散,基于 Biot-Stoll 模型提出了附加接触喷流与剪切拖曳的 Biot-Stoll 模型 (BICSQS 模型), 同时参照 Biot 流高频校正 方式,给出了剪切拖曳机制的高频校正系数。Kimura<sup>[17]</sup> 分析了颗粒接触刚度和沉积物整体骨架模量之间的 关系,结合 Biot 模型和 Hertz 接触理论建立了考虑接 触间隙刚度修正的 Biot 模型 (BIMGS 模型)。

声传播模型的适用性是准确预测沉积物声学频散特性的前提。为研究海底浅表层低固结、高渗透率砂质沉积物的频散特性,本文采用由Biot理论发展而来的Biot、Biot-Stoll和BICSQS模型,对典型砂质沉积物的声学频散特性进行对比预测分析,从耗散机制角度揭示三者间的差异,并结合现场实测数据分析不同模型对饱和砂质沉积物纵横波频散特性

的预测性能。

## 1 基于 Biot 理论的声传播模型

#### 1.1 Biot 模型

利用 Lagrange 方程和耗散函数, Biot 建立了饱 和多孔介质中弹性波传播的一般理论框架, 并将该 理论直接应用于预测饱和多孔介质的声速和衰减系 数等声传播特性参数, 即为 Biot 模型。根据该模型, 沉积物中三类体波的一维平面波解可用如下特征方 程组<sup>[18]</sup> 描述:

$$(C^2 - HM) l_p^4 + (m'H + \rho M - 2\rho_f C) \omega^2 l_p^2 + (\rho_f^2 - \rho m') \omega^4 = 0,$$
(1)

$$m'\mu_b l_s^2 + \rho_f^2 - \rho m'\omega^2 = 0,$$
 (2)

其中, $\rho$ 为沉积物平均体积密度,与孔隙流体密度  $\rho_f$ 、颗粒密度 $\rho_r$ 、孔隙度 $\beta$ 之间满足关系式 $\rho =$  $\beta\rho_f + (1-\beta)\rho_r$ ; m'为总有效质量,与弯曲度 $\alpha$ 、孔隙 流体动力黏滞系数 $\eta$ 、Biot 高频黏滞系数校正因子F(与临界频率 $f_r = \beta\eta/2\pi\rho_f\kappa$ 和孔隙尺寸a相关,其物理 意义及计算见文献 [12])、渗透率 $\kappa$ 之间满足关系式 m' =  $(\alpha\rho_f/\beta) + i\eta F/\kappa\omega; l_p$ 为纵波的复波数,  $l_s$ 为横波 的复波数;  $H, C, M, \mu_b$ 为 Biot 弹性模量,其中 $\mu_b$ 为 骨架剪切模量,其余弹性模量满足下列关系<sup>[13]</sup>:

$$H = K_{sat} + 4\mu_b/3,\tag{3}$$

$$C = AM, \tag{4}$$

$$1/M = (A - \beta)/K_r - \beta/K_f,$$
(5)

$$A = 1 - K_b / K_r, \tag{6}$$

$$K_{sat} = K_b + A^2 M, \tag{7}$$

其中,  $K_{sat}$ 为流体饱和介质不排水条件下的体积模量, A为 Biot 系数,  $K_r$ ,  $K_b$ ,  $K_f$ 分别为介质颗粒、骨架以及流体的体积模量。

由波数与波速、衰减系数之间的关系<sup>[18]</sup>, Biot 模型中快纵波、慢纵波与横波的相速度  $c_{p1}$ ,  $c_{p2}$ ,  $c_s$ 及 衰减系数  $\alpha_{p1}$ ,  $\alpha_{p2}$ ,  $\alpha_s$ 分别为

$$c_{p1,2} = \omega / \text{Re}(l_{p1,2}) \text{ (m/s)},$$
 (8)

$$\alpha_{p1,2} = 8.686 \operatorname{Im}(l_{p1,2}) \, (\mathrm{dB/m}), \tag{9}$$

$$c_s = \omega / \operatorname{Re}(l_s) \text{ (m/s)}, \tag{10}$$

$$\alpha_s = 8.686 \operatorname{Im}(l_s) \, (\mathrm{dB/m}). \tag{11}$$

由式(8)—式(11)可知, Biot 模型预测的海底沉

积物中纵波、横波速度与衰减系数均与频率相关。 其中,波数的实部反映了速度随频率的变化特性即 频散性;波数的虚部反映了衰减系数随频率的变化 特性即频率相关性,衰减系数的频率相关性满足 α=kf<sup>n</sup>的幂律关系<sup>[14]</sup>, k为衰减因子;两者可统一表 述为速度与衰减系数的频散关系。

#### 1.2 Biot-Stoll 模型

Stoll<sup>[14]</sup>应用 Biot 理论研究了低固结海底沉积物 中的声波传播,在 Biot 模型的基础上引入了复骨架 体积模量 $\overline{K_b}$ 和复骨架剪切模量 $\overline{\mu_b}$ ,以此反映骨架内 部颗粒相互摩擦所引起的平均声能衰减,建立了 Biot-Stoll 模型。同时, Stoll 给出了弹性模量H, C, M与复骨架剪切模量 $\overline{\mu_b}$ 、复骨架体积模量 $\overline{K_b}$ 、颗粒 体积模量 $K_r$ 以及孔隙流体体积模量 $K_f$ 之间的显式 关系:

$$H = \left(K_r - \overline{K_b}\right)^2 / (D - \overline{K_b}) + \overline{K_b} + 4\overline{\mu_b}/3, \tag{12}$$

$$C = K_r \left( K_r - \overline{K_b} \right) / (D - \overline{K_b}), \tag{13}$$

$$M = K_r^2 / (D - \overline{K_b}), \tag{14}$$

$$D = K_r [1 + \beta (K_r / K_f - 1)], \qquad (15)$$

其中,复骨架剪切模量 $\overline{\mu_b}$ 与复骨架体积模量 $\overline{K_b}$ 为复 常数,包含了无耗散体积模量 $K_b$ 、剪切模量 $\mu_b$ 与耗散 项 $\delta_k$ , $\delta_\mu$ ,分别为 $\overline{\mu_b} = \mu_b(1-\delta_\mu i/\pi)$ 与 $\overline{K_b} = K_b(1-\delta_k i/\pi)$ 。

#### 1.3 BICSQS 模型

Chotiros<sup>[16,19]</sup>在 Biot-Stoll 模型的基础上更详细 地讨论了骨架耗散过程,引入了附加接触喷流与剪 切拖曳衰减机制,即 BICSQS 模型。该模型认为,对 于流体饱和的低固结沉积物而言,在颗粒不连续接 触间隙中,流体薄膜的动力响应会影响接触性质,进 而改变骨架模量。

经简化后,接触间隙流体薄膜的相互作用可由 体积弛豫和剪切弛豫过程反映,其中剪切弛豫过程 被定义为 Couette 流。弛豫过程将分别产生接触喷 流耗散与剪切拖曳耗散,可用弹簧和黏壶所构建的 接触模型描述。

基于上述弛豫过程和耗散机制, Chotiros 对 Biot-Stoll 模型中的复骨架模量进行如下修正<sup>[16]</sup>:

$$\overline{K_b} = K_c + K_v / [1 + i(\omega_k / \omega)], \qquad (16)$$

$$\overline{\mu_b} = G_c \left( 1 - \mathrm{i} F_{1s}(a_1) \,\omega / \omega_\mu \right), \tag{17}$$

其中,  $K_c$ 和 $G_c$ 分别为低频极限时沉积物的骨架体积 模量和剪切模量;  $K_y$ 为高低频骨架极限体积模量的 差值;  $F_{1s}$ 为 BICSQS 高频校正因子,用于校正接 触间隙流体在高频情况下因惯性效应所导致的 Couette 流失效,与接触间隙尺寸 $a_1$ 相关,接触间隙越 小则校正因子的影响越小,当 $a_1$ 小于 0.1 µm时, 在 1 MHz范围内可不考虑高频校正因子的影响, 式 (17)退化为 $\overline{\mu}_b = G_c(1 - i\omega/\omega_\mu)$ ,  $F_{1s}$ 的具体物理意 义及计算见文献 [16];  $\omega_k 和 \omega_\mu$ 分别为体积弛豫频率 和剪切弛豫频率。

## 2 不同模型的频散关系预测

基于表 1 典型砂质沉积物<sup>[20-21]</sup>的 Biot、Biot-Stoll、BICSQS 模型参数,分别计算并绘制三种模型 对于纵波和横波频散关系的预测曲线,如图 1 所

表1 典型砂质沉积物的模型参数[20-21]

	单位	Biot	Biot-Stoll	BICSQS
	kg/m <sup>3</sup>	2650	2650	2650
颗粒体积模量 K <sub>r</sub>	GPa	36	36	36
流体密度 $\rho_f$	kg/m <sup>3</sup>	1000	1000	1000
流体体积模量 K <sub>f</sub>	GPa	2.25	2.25	2.25
流体黏滞系数η	Pa·s	0.001	0.001	0.001
孔隙度β	_	0.4	0.4	0.4
 渗透率 κ	m <sup>2</sup>	$1 \times 10^{-10}$	$1 \times 10^{-10}$	$1 \times 10^{-10}$
 弯曲度 α	_	1.25	1.25	1.25
骨架体积模量 $K_b(K_c)$	MPa	44	44	44
骨架剪切模量 $\mu_b(G_c)$	MPa	26	26	26
体积耗散系数 $\delta_k$	_	_	0.143	—
剪切耗散系数 $\delta_{\mu}$	_	_	0.151	—
骨架体积模量高低频极限差 Ky	MPa	—	_	950
体积弛豫频率 fk	kHz	—	-	20
	kHz	—	_	60



图 1 三种模型的声频散关系预测曲线 (a) 纵波频散关系; (b) 纵波衰减系数频散关系; (c) 横波频散关系; (d) 横波衰减系数频散关系

示。相对慢纵波,饱和沉积物中快纵波与横波频散 关系预测更具有工程意义,因此本文只针对这两类 体波的频散关系进行研究,下文纵波均指快纵波。

由图 1 可知, 对于典型砂质沉积物, 全频段内, Biot 与 Biot-Stoll 模型对纵波、横波频散的预测基本 一致; 纵波衰减系数预测的差异主要在 10 Hz 频段 内, 而横波衰减系数预测在中间频段较为接近, 在低 频和高频段则有明显差异。在中低频段内, Biot 模型与 BICSQS 模型对纵波、横波频散关系的预测 基本一致, 但在高频范围内, BICSQS 模型预测出更 为显著的频散特性。

对于 Biot 和 Biot-Stoll 模型而言, 纵波的频散程 度远大于横波, 但表现出相同的阶梯状频散特征, 主 要频散区间在 100 Hz~10 kHz 内; 在 Biot 模型中, 纵 波、横波衰减系数的幂律关系相同, 在低于约 600 Hz 时均与 f<sup>2</sup>成正比, 高于该值时与 f<sup>05</sup>成正比; 而 Biot-Stoll 模型在低于 10 Hz 时, 纵波衰减系数的 频率相关性的幂律指数接近于 1.6, 横波衰减系数在 全频段内几乎都与 f<sup>1</sup>成正比, 仅在 100 Hz~1 kHz 附 近衰减系数略有增大。

在 BICSQS 模型中, 纵波速度表现出两个明显的频散区间, 分别位于 100 Hz~10 kHz、10~100 kHz 频带附近, 呈二级阶梯状; 横波频散也表现出两个区间, 但不呈二级阶梯状分布, 在低于 10 kHz 时频散关

系与 Biot、Biot-Stoll 模型的频散关系一致,当高于该 频率时频散程度加剧,且未表现出收敛趋势;纵波和 横波衰减系数在低于 600 Hz 附近时与频率相关性的 幂律关系与 Biot 模型相同。随着频率增加,纵波衰 减系数逐渐过渡到与 f<sup>2</sup>成正比,而横波衰减系数则 先过渡到与 f<sup>2</sup>成正比,再过渡到与 f<sup>1</sup>成正比。

综上所述,部分频段内三种模型耗散机制总的 作用效果相近,BICSQS模型新引入的耗散机制主要 影响砂质沉积物高频段时的声频散关系。由同一模 型的声频散关系预测曲线可知,相同耗散机制对纵 波和横波的作用效果不同,需进一步深入分析。

### 3 模型耗散机制分析

#### 3.1 Biot 流与骨架耗散机制

Biot-Stoll 模型中包含 Biot 流和骨架耗散两种耗 散机制,在渗透率足够低的不排水和渗透率足够大 的排水条件下, Biot 流机制都将失效<sup>[14,22]</sup>,此时 Biot-Stoll 模型对声频散关系的预测仅反映骨架耗散机制 的作用;当不考虑骨架的黏弹性,只取 Biot-Stoll 模型 复骨架模量的实部时,仅有 Biot 流机制, Biot-Stoll 模型 退化为 Biot 模型<sup>[14]</sup>。图 1 中 Biot 模型的频散关系 曲线即反映了 Biot 流耗散的影响。以表 1 中 Biot、 Biot-Stoll 模型的相关参数为基础,通过控制渗透率  $\kappa = 1 \times 10^{-15} \text{ m}^2$ ,讨论不排水条件下的骨架耗散机制 对模型整体预测结果的影响,如图 2 所示。

由图 2(a)(c) 可知, 单纯骨架耗散情况下的纵波 和横波不发生频散,其值处于 Biot-Stoll 模型的低频 极限; Biot 流机制是 Biot-Stoll 模型中纵波和横波频 散的主要原因。由图 2(b)(d) 可知,对于纵波而言,在 低于2Hz的频带附近,骨架耗散所产生的纵波衰减 高于 Biot 流耗散, 起主要作用; 此时, 衰减系数与频 率相关曲线的切线斜率向1倾斜,而剩余频段均由 Biot 流耗散起主要作用, 衰减系数在 2 Hz 至 Biot 临 界频率 f,范围内逐渐过渡为与 f<sup>2</sup>成正比,大于 Biot临界频率 f, 后则与 f<sup>05</sup>成正比。对于横波而言, Biot 流机制仅在 Biot 临界频率  $f_r$ 附近起主要作用, 其余频段均为骨架耗散起主要作用,衰减系数的频 率相关性的幂律指数接近于 1, 而在 Biot 临界频率 f, 附近,幂律关系在两种耗散机制之间过渡。因此,衰 减系数与频率相关性曲线中幂律关系的变化可反映 声传播模型中主要耗散机制的变化。

#### 3.2 接触喷流与剪切拖曳耗散机制

BICSQS 模型将骨架耗散替换为接触喷流与剪 切拖曳耗散,属于接触间隙内的局部流动形式。为 讨论接触喷流与剪切拖曳耗散对声频散关系的影响, 分别考虑两种特殊情况:(1)剪切弛豫频率趋于无穷 而体积弛豫频率有限,此时的频散关系曲线反映了 Biot 流和接触喷流耗散的影响;(2)体积弛豫频率趋 于无穷而剪切弛豫频率有限,此时的频散关系曲线 反映了 Biot 流和剪切拖曳耗散的影响。在此基础上, 若渗透率足够小, Biot 流失效, 仅反映接触喷流或剪 切拖曳耗散的影响。

#### 3.2.1 接触喷流机制

图 3 和图 4 分别给出了仅有体积弛豫时 Biot 流 耗散与接触喷流耗散机制对纵波和横波频散关系曲 线的影响,用 Biot 临界频率 *f*,和体积弛豫频率 *f*<sub>k</sub> 划 分为三个区间,相关模型参数见表 1。此外,为分析 骨架体积模量高低频极限差 *K*<sub>y</sub> 对频散关系的影响, 考虑不同的 *K*<sub>y</sub> 取值。

由图 3 可知, 接触喷流机制使纵波速度在 f<sub>k</sub> 附 近产生显频散, 作用效果与 Biot 流相近, 呈阶梯状, 使纵波速度在大于 f, 后进一步频散; 接触喷流所引 起的纵波衰减在低于 f<sub>k</sub> 时与 f<sup>2</sup> 成正比, 高于 f<sub>k</sub> 后斜 率趋于 0, 仅在 f<sub>k</sub> 附近时接触喷流引起的声衰减系数 大于 Biot 流耗散引起的声衰减系数。同时, 接触喷 流对纵波频散关系的影响还与骨架体积模量高低频 极限差 K<sub>y</sub> 相关, 随着 K<sub>y</sub> 的降低, 接触喷流散所产生 的频散程度逐渐降低, 且在总耗散中的影响也逐渐



图 2 Biot 流和骨架耗散机制对模型频散关系预测结果的影响 (a) 纵波速度; (b) 纵波衰减系数; (c) 横波速度; (d) 横波衰减系数



图 3 接触喷流机制对纵波频散关系预测结果的影响 (a) 纵波速度 (K<sub>y</sub> = 950 MPa); (b) 纵波衰减系数 (K<sub>y</sub> = 950 MPa); (c) 纵波速度 (K<sub>y</sub> = 550 MPa); (d) 纵波衰减系数 (K<sub>y</sub> = 550 MPa); (e) 纵波速度 (K<sub>y</sub> = 350 MPa); (f) 纵波衰减系数 (K<sub>y</sub> = 350 MPa)



图 4 接触喷流机制对横波频散关系预测结果的影响 (a) 横波速度; (b) 横波衰减系数

降低。在图 4 中, BICSQS 总耗散与 Biot 流耗散情况 下的横波频散关系曲线一致, 表明接触喷流耗散对 横波速度与衰减系数的频散关系不产生影响。

3.2.2 剪切拖曳机制

5期

当仅有剪切弛豫过程时, Biot 流耗散与剪切拖 曳耗散对纵波和横波频散关系的影响如图 5 所示。 由图可知,剪切拖曳耗散机制对纵波、横波的速度和 衰减系数均有影响。其中,剪切拖曳耗散仅在频率 大于 200 kHz 时使纵波速度产生轻微频散,而横波速 度则在剪切弛豫频率 f<sub>u</sub>附近随频率的增大而迅速提 升。同时,剪切拖曳耗散对纵波和横波衰减系数的 影响也表现出较大差异。对纵波而言,衰减系数在 1 Hz~1 MHz 的宽频范围内均与 f<sup>2</sup>成正比,且在低于 f<sub>u</sub>的频带范围内 Biot 流耗散衰减高于剪切拖曳耗散; 对横波而言,剪切拖曳耗散的主要作用频带范围相 对纵波更广,衰减系数在低于 f<sub>u</sub>的频带范围时与 f<sup>2</sup> 成正比、高于 f<sub>u</sub>时与 f<sup>05</sup>成正比,Biot 流机制则主要 在频率低于 f<sub>r</sub>时占主要作用,影响范围较小。



图 5 剪切拖曳机制对模型声频散关系预测结果的影响 (a) 纵波速度; (b) 纵波衰减系数; (c) 横波速度; (d) 横波衰减系数

## 4 预测效果分析

分别应用 Biot、Biot-Stoll 和 BICSQS 模型对不 同类型浅表层砂质沉积物的声频散关系进行预测, 并结合实测结果对比讨论三种模型的适用性。由前 述可知, Biot 与 Biot-Stoll 模型仅在横波衰减系数的 预测上表现出明显差异, 因此仅在该预测效果对比 中讨论 Biot、Biot-Stoll 与 BICSQS 模型的适用性, 而 在其他频散关系的预测效果对比中讨论 Biot-Stoll 与 BICSQS 模型的适用性。

#### 4.1 实测数据

1999年, Stoll<sup>[23]</sup>、Buckingham 等<sup>[24]</sup>在Fort Walton

海滩,针对埋深 1~2 m 厚的中细粒径砂质沉积物,开展了 SAX99系列原位声学试验,测试了 125 Hz~400 kHz 和 2.6~400 kHz 频段内的纵波速度与衰减系数。Williams 等<sup>[25]</sup>针对 SAX99 试验,给出了 Biot-Stoll 模型中沉积物的相关物理参数,提供了可靠的 Biot-Stoll 模型验证数据。但当前关于横波频散数据的报道较少,多数情况下仅有少量几个频点的实测数据。Kimura 等<sup>[18]</sup>基于弯曲元试验,依据差距测量 原理,同时测得了饱和细粒硅砂中的横波速度和衰减系数频散数据,覆盖频段范围为 4~20 kHz。此后,Lee 等<sup>[26]</sup>通过双压电陶瓷换能器阵列,在 Currituck 湾浅水区埋深 30 cm 内的中细粒砂质沉积物中开展 了原位声学试验,测得了 0.3~1 kHz 低频范围内的横

波频散数据。

#### 4.2 模型参数

以 SAX99 原位纵波试验数据、Kimura 室内横波 试验数据、Lee 原位横波试验数据为例,对由多孔介 质理论发展起来的三种声传播模型频散关系预测性 能及其耗散机制进行对比讨论。在此之前,需选取 合适的模型参数,使其与待测沉积物相匹配。不同 类型砂质沉积物的模型参数,如表 2 所示。

由表 1 可知, Biot、Biot-Stoll 与 BICSQS 模型的 相关参数可分为三组,包括与孔隙流体相关的物理 参数: 孔隙流体密度 $\rho_f$ 、孔隙流体体积模量  $K_f$  及孔 隙流体黏滞系数 $\eta$ ,这类参数随海水的温度、压力和 盐度不同有轻微变化,但对声传播模型的最终预测 结果影响较小、取值较固定,可被认为是常数;与沉 积物颗粒相关的物理参数:颗粒密度 $\rho_r$ 与颗粒体积 模量  $K_r$ ,这类参数和沉积物颗粒的矿物成分相关,对 于特定类型的沉积物而言也可认为是常数,在砂质 沉积物中,体积模量取值范围为 32~49 GPa,颗粒密 度可直接通过试验测量;其他参数均为与沉积物骨 架相关的物理参数,除孔隙度可直接测量外,需通过 经验公式<sup>[27]</sup>或拟合得出。

表 2 中, SAX99 原位试验、Kimura 室内试验与 Lee 原位试验中的模型参数取值于参考文献 [25][18] [26],并结合表 1 典型砂质海底沉积物的相关参数确 定。其中, Lee 原位试验中沉积物的骨架剪切模量 $\mu_b$ 由密度 $\rho$ 和横波速度  $c_s$ 的关系式 $\mu_b = \rho c_s^2$ 计算得到。

#### 4.3 模型预测对比分析

#### 4.3.1 纵波频散数据对比

SAX99 原位试验与 Biot-Stoll、BICSQS 模型预 测的对比结果如图 6 所示。结合对模型耗散机制 的分析可知,在125 Hz~10 kHz 时, Biot-Stoll 模型与 BICSOS 模型的纵波主要耗散机制均为 Biot 流机制, 此时两模型对纵波速度和衰减系数的预测效果接近, 除 125 Hz 与 400 Hz 两个频点离散性较大外, 1~10 kHz 内的预测值均能够较好地与实测纵波频散吻 合,最大误差小于 0.63%, 而衰减系数的预测结果由 2.2 dB/m 增大至 6.1 dB/m, 均大于实测值; 在 10~ 100 kHz 时, Biot-Stoll 模型的主要耗散机制仍为 Biot 流机制,而 BICSQS 模型的主要耗散机制为 Biot 流 机制与接触喷流机制,其中接触喷流机制使 BICSOS 模型在该频段内的纵波速度预测值由 1758 m/s 进一 步频散至 1787 m/s, 较 Biot-Stoll 模型而言更趋近于 实测结果,但接触喷流对纵波衰减系数的影响较低,使 BICSOS 模型的预测结果在该频段内仅略大于 Biot-Stoll 模型, 实测衰减数据处于两模型预测的区间范 围内;大于100 kHz时, BICSQS 模型的主要耗散机 制为剪切拖曳机制, Biot-Stoll 模型的主要耗散机制 不变,此时衰减系数的实测数据与 BICSOS 模型预测 更为吻合,且显著高于 Biot-Stoll 模型的预测结果。

4.3.2 横波频散数据对比

Lee 原位试验、Kimura 室内试验结果与 Biot、 Biot-Stoll、BICSQS 模型预测结果如图 7 所示。由

分组	模型参数	单位	SAX99中细砂 <sup>[25]</sup>	Kimura细砂 <sup>[18]</sup>	Lee中细砂 <sup>[26]</sup>
沉积物颗粒	颗粒密度ρr	kg/m <sup>3</sup>	2690	2659	2633.3
	颗粒体积模量 Kr	GPa	32	36	38
孔隙流体	流体密度 $\rho_f$	kg/m <sup>3</sup>	1023	998.2	997.7
	流体体积模量 K <sub>f</sub>	GPa	2.395	2.193	2.15
	流体黏滞系数 η	Pa∙s	0.00105	0.00105	0.00105
沉积物骨架	孔隙度 <i>β</i>	—	0.385	0.368	0.44
	渗透率κ	m <sup>2</sup>	$2.5 \times 10^{-11}$	$6.423 \times 10^{-12}$	$2.07 \times 10^{-11}$
	弯曲度 α	—	1.35	1.86	1.16
Biot模型	骨架体积模量 K <sub>b</sub>	МРа	43.6		
	骨架剪切模量 µb	МРа	29.2	58	7.4
Biot-Stoll模型	体积耗散系数 $\delta_k$		0.15		
	剪切耗散系数 $\delta_{\mu}$	_	0.19	0.12	0.15
BICSQS模型	骨架体积模量高低频极限差 Ky	MPa	240	_	_
	低频骨架剪切模量 G <sub>c</sub>	MPa	29.2	58	7.4
	低频骨架体积模量 K <sub>c</sub>	MPa	43.6	_	—
	体积弛豫频率 fk	kHz	20		—
	剪切弛豫频率 f <sub>µ</sub>	kHz	60	300	90

表 2 不同类型砂质沉积物的模型参数

注:未标注参数为对模型的横波频散预测结果无影响的参数。



图 6 SAX99 纵波频散数据与声传播模型预测结果对比 (a) 纵波速度; (b) 纵波衰减系数



图 7 横波频散数据与声传播模型预测结果对比 (a) Lee 原位试验横波速度; (b) Lee 原位试验横波衰减系数; (c) Kimura 室内试验横波 速度; (d) Kimura 室内试验横波衰减系数

图 7(a)(b) 可知, 对于 Currituck 湾的中细粒砂质沉积物而言, 在 0.3~1 kHz 频段内, 实测横波频散较小, 增幅小于 5.6%, 此时 Biot-Stoll 与 BICSQS 模型中引起横波频散的主要耗散机制均为 Biot 流机制, 两者预测效果相同, 与实测结果吻合较好, 最大误差小于 3%; 实测横波衰减系数则处于 11.8~22.5 dB/m 之间, 较好地落在了 BICSQS 与 Biot 模型的预测曲线附近, 而均低于 Biot-Stoll 模型的预测。结合其耗散机制可知, 该频段内横波衰减系数的频率相关性主要受骨架耗散机制的影响, 而此时 BICSQS 与 Biot 模型中仍为 Biot 流机制起主要作用。这表明在低频范围内,

此类砂质沉积物中由于骨架内部颗粒相互摩擦而产生的损耗并不显著,Biot流耗散对横波衰减系数频率相关性的解释具有合理性,而BICSQS模型中剪切拖曳机制的作用需在更高频段内进一步验证。

由图 7(c)(d) 可知,在 Kimura 室内试验的饱和细粒硅砂试样中,Biot-Stoll 模型与 BICSQS 模型对横波频散预测的差异主要发生在大于 7 kHz 的频段上, 而实测数据覆盖频段范围为 4~20 kHz。4~7 kHz 频段,频散由 Biot 流决定,实测横波速度在 174.1~ 183.2 m/s 范围内,与 Biot-Stoll 模型、BICSQS 模型预 测值均能较好地吻合; 7~20 kHz 频段,频散由剪切拖 曳机制决定,实测横波速度由 183.2 m/s 递增为 199.3 m/s,与 BICSQS 模型预测的最大误差小于 8.5%,而与 Biot-Stoll 模型预测的误差则逐渐扩大至 14.5%。在整个实测频段范围内, BICSQS 模型预测 的横波衰减系数均大于 Biot 模型与 Biot-Stoll 模型, 且此时 Biot、Biot-Stoll 与 BICSQS 模型中的主要耗 散分别为 Biot 流、骨架耗散与剪切拖曳。实测横波 衰减系数位于 77.4~200 dB/m 范围内,与 BICSQS 模 型预测结果更为接近,说明了 BICSQS 模型中剪切拖 曳耗散对横波作用的合理性。

综上所述, Biot 流耗散机制在中低频范围内具 有一定的适用性, 使得 Biot 模型或 Biot-Stoll 模型的 预测结果与实测结果较好吻合; 但随着频率的增大, 实测纵波、横波速度与衰减系数均有高于 Biot-Stoll 模型预测的趋势, 而 BICSQS 模型的接触喷流与剪切 拖曳机制可合理地解释该趋势, 与实测结果更好地 吻合。

## 5 结论

(1) 声传播模型对声频散关系的预测与其对沉 积物内部耗散机制的不同描述相关。在以 Biot 流机制 为主要耗散机制的频段内, Biot、Biot-Stoll 与 BICSQS 模型的预测结果相近, 而 BICSQS 模型新引入的耗散 机制使其在高频段预测出更为显著的频散性。

(2) 耗散机制对纵波、横波频散关系的影响效果 不同。在 Biot-Stoll 模型中,均主要受 Biot 流机制的 影响,而横波衰减系数的频率相关性则主要受骨架 耗散机制的影响。在 BICSQS 模型中,纵波速度、衰 减系数的频散关系均受 Biot 流、接触喷流与骨架耗 散机制的影响,各机制的主要作用频段不同;而横波 频散特性则不受接触喷流机制的影响。

(3) Biot、Biot-Stoll 与 BICSQS 模型的预测和实测结果对比发现,在海底浅表层砂质沉积物中,随着频率的增加,纵波与横波均表现出高频散、高衰减的趋势,相对于 Biot 模型和 Biot-Stoll 模型, BICSQS 模型可更有效地预测并解释该趋势,初步验证了 BICSQS 模型具有更好的适用性。

#### 参考文献

- 于盛齐,王飞,郑广赢,等.海底沉积物声学特性研究进展与探 讨.哈尔滨工程大学学报,2020;41(10):1571-1577
- 2 Best A I, Huggett Q J, Harris A J K. Comparison of *in situ* and laboratory acoustic measurements on Lough Hyne marine sediments. *J. Acoust. Soc. Am.*, 2001; **110**(2): 695–709
- 3 王飞. 宽频段沙质沉积物声速频散和衰减特性研究. 博士学位

论文,哈尔滨:哈尔滨工程大学,2019

- 4 Klein G, Bohlen T, Theilen F, *et al.* Acquisition and inversion of dispersive seismic waves in shallow marine environments. *Mar. Geophys. Res.*, 2005; 26(2-4): 287–315
- 5 黄必桂,李家钢,周庆杰,等.基于浅地层剖面的海底浅表层沉积物物理性质参数反演技术研究一以渤海海底管线路由区为例.海洋学报,2022;44(9):156-164
- 6 黄林,王勇,邹大鹏,等.重塑砂质含气沉积物的声响应特性与 模型预测分析.声学学报,2022;47(1):61-68
- 7 Anderson A L, Hampton L D. Acoustics of gas-bearing sediments I. Background. J. Acoust. Soc. Am., 1980; 67(6): 1865– 1889
- 8 李燕,刘浩杰,王玉梅. Gassmann 模型机理分析及其应用. 勘探 地球物理进展, 2010; 33(1): 16-20
- 9 Mavko G, Mukerji T, Dvorkin J. The rock physics handbook. Cambridge: Cambridge University Press, 2020
- 10 阚光明, 邹大鹏, 孙蕾, 等. 浅海沉积声学原位探测系统研制及 深海功能拓展. 海洋测绘, 2014; 34(5): 79-82
- Biot M A. Theory of propagation of elastic waves in a fluid-saturated porous solid. I. Low-frequency range. J. Acoust. Soc. Am., 1956; 28(2): 168–178
- 12 Biot M A. Theory of propagation of elastic waves in a fluid-saturated porous solid. II. Higher frequency range. J. Acoust. Soc. Am., 1956; 28(2): 179–191
- 13 Biot M A. Mechanics of deformation and acoustic propagation in porous media. J. Appl. Phys., 1962; 33(4): 1482–1498
- Stoll R D. Acoustic waves in ocean sediments. *Geophysics*, 1977;
   42(4): 715-725
- 15 Williams K L. An effective density fluid model for acoustic propagation in sediments derived from Biot theory. J. Acoust. Soc. Am., 2001; 110(5): 2276–2281
- 16 Chotiros N P, Isakson M J. High-frequency dispersion from viscous drag at the grain-grain contact in water-saturated sand. J. Acoust. Soc. Am., 2008; 124(5): 296–301
- 17 Kimura M. Velocity dispersion and attenuation in granular marine sediments: Comparison of measurements with predictions using acoustic models. J. Acoust. Soc. Am., 2011; 129(6): 3544– 3561
- 18 Kimura M. Shear wave speed dispersion and attenuation in granular marine sediments. J. Acoust. Soc. Am., 2013; 134(1): 144–155
- 19 Chotiros N P, Isakson M J. A broadband model of sandy ocean sediments: Biot-Stoll with contact squirt flow and shear drag. J. Acoust. Soc. Am., 2004; 116(4): 2011–2022
- 20 曹正良, 张叔英, 马在田. BICSQS 模型与 Biot-Stoll 模型海底 界面声波反射和散射的比较. 声学学报, 2006; **31**(5): 389-398
- 21 Chotiros N P. Biot model of sound propagation in water-saturated sand. J. Acoust. Soc. Am., 1995; 97(1): 199–214
- 22 Song J, Xu C S, Li L. The Influence of permeability on the propagation characteristics of the waves in different saturated soils. *Appl. Sci.*, 2021; **11**(17): 8138
- 23 Stoll R D. Velocity dispersion in water-saturated granular sediment. J. Acoust. Soc. Am., 2002; 111(2): 785–793
- 24 Buckingham M J, Richardson M D. On tone-burst measurements of sound speed and attenuation in sandy marine sediments. *IEEE J. Oceanic Eng.*, 2002; 27(3): 429–453
- 25 Williams K L, Jackson D R, Thorsos E I, *et al.* Comparison of sound speed and attenuation measured in a sandy sediment to predictions based on the Biot theory of porous media. *IEEE J. Oceanic Eng.*, 2002; 27(3): 413–428
- 26 Lee K M, Ballard M S, McNeese A R, *et al. In situ* measurements of sediment acoustic properties in Currituck Sound and comparison to models. *J. Acoust. Soc. Am.*, 2016; 140(5): 3593–3606
- 27 Kimura M. Study on the Biot-Stoll model for porous marine sediments. Acoust. Sci. & Tech., 2007; 28(4): 230–243