基于 SolidWorks 二次开发的螺杆转子 动平衡自动计算设计

章恒¹ 千蜀毅¹ 胡戎兴¹ 赵前玉¹ 余清洲^{2,3*}
(1. 合肥工业大学机械工程学院 合肥 230009; 2. 中国科学院合肥物质科学研究院等离子体物理研究所 合肥 230031;
3. 中国科学技术大学 合肥 230026)

Automatic Calculation for Dynamic Balance of Screw Rotor Based on SolidWorks Secondary Development

ZHANG Heng¹, GAN Shuyi¹, HU Rongxing¹, ZHAO Qianyu¹, YU Qingzhou^{2,3*}

(1. School of Mechanical Engineering, Hefei University of Technology, Hefei 230009, China; 2. Institute of Plasma Physics, Hefei Institutes of Physical Science, Chinese Academy of Science, Hefei 230031, China; 3. University of Science and Technology of China, Hefei 230026, China)

Abstract The general method of dynamic equilibrium analysis is to decompose the unbalance mass into two selected parallel planes. Based on SolidWorks secondary development, this paper designs a human-computer interaction interface, which can calculate the dynamic balance of any screw rotor. Dynamic balance can be achieved by adding or removing the corresponding mass at the unbalance phase Angle position of the selected two planes to eliminate the unbalance on each surface. This reduces effort and improves design quality. The interface can be used to calculate the dynamic balance of any part.

Keywords Screw vacuum pump, Rotor, Dynamic balance, Secondary development of SolidWorks

摘要 动平衡是螺杆真空泵设计制造过程中必须解决的重要问题。一般方法是将螺杆转子不平衡质量等效分解到选定的两个平行平面,采用等效替代的近似法进行动平衡分析计算。本文采用 SolidWorks 二次开发技术,用 VB.NET 语言对动平 衡分析过程进行整合,设计了简单直观的人机交互界面,可对任意类型的螺杆转子不平衡量及其相角进行自动精确计算。在 选定的两个平行平衡基面的不平衡相角位置,配上或去除相应质量以消除各面上的不平衡量,当不平衡量为零时,则转子达 到了动平衡。若经过一次双面平衡,不平衡量仍较大,则需要再次选定两个新的平衡基面计算和去、配重,即多次双面平衡操 作。这大大减少了动平衡设计的工作量并提高了动平衡的设计质量和精度。该界面设计原理与转子型线和结构无关,因此 可用于任何类型的螺杆转子和其他不规则零件的动平衡计算。

关键词 螺杆真空泵 螺杆转子 动平衡 SolidWorks 二次开发 中图分类号: TB752 文献标识码: A doi: 10.13922/j.cnki.cjvst.202210017

干式螺杆真空泵具有无油污染、摩擦小、结构 紧凑、抽速范围宽等优点,广泛应用于半导体、微电 子、制药等领域^[1-2]。常见的螺杆真空泵的转子是单 头型线,其形心会偏离旋转轴,在高转速工作中,将 造成较大的惯性力和惯性力矩,使得螺杆真空泵的 轴承、传动齿轮等运动副中有动压力的产生,加剧 了零件的磨损,严重影响了泵的寿命和性能。目前, 许多设计人员都是基于三维设计软件,采用"试凑 法"去重或配重来设计动平衡的螺杆转子^[3],过程繁 琐且设计质量较差。Zhang 等^[4]研究了单头等螺距 螺杆真空泵转子的动平衡问题,提出了两个端面预 制相同的空腔的去重方法来实现转子动平衡。刘 明昆等^[5]通过数学计算将单头型线转换成平衡性较 好的双头对称型线。Pouriayevali⁶⁰设计了一种平衡 性能良好的变螺距螺杆转子,自身能够达到 85% 以 上的平衡。Becher^[7]提出了平衡变螺距螺杆转子截

^{*}联系人: E-mail: yqz1024@mail.ustc.edu.cn

面型线质心偏心的技术方案。巫修海等¹⁸借助 Hermite 插值理论优化设计了一种自平衡的螺杆转 子。王永庆等^{19]}基于 MATLAB/GUI 对等螺距螺杆 转子进行动平衡分析计算,并采用了配重块的动平 衡方式,但仅适用于径向截面不变的螺杆转子。

为延长泵的使用寿命、提升工作性能,在研发 过程中,针对螺杆转子的动平衡的合理设计将极其 重要。本文采用 VB.NET 语言对 SolidWorks 展开 二次开发,设计了简洁直观、使用便捷的人机交互 界面,实现在 SolidWorks 中精确计算任意结构的螺 杆转子的不平衡量和不平衡相角,为其动平衡设计 过程的自动化提供指导。即获得不平衡量和相角 结果后,设计人员在选定的两个平行平面上的不平 衡相角位置,配上或去除相应质量,从而消除该面 上的不平衡量,当不平衡量为零时,则转子达到了 动平衡。若经过一次双面平衡,不平衡量仍较大, 则需要再次选定两个新的平面进行计算和去、配重, 最终实现螺杆转子的整体动平衡。这与常规的"试 凑法"动平衡处理相比较,减少了繁琐工作并提高 了动平衡精度和动平衡的设计质量。该界面也可 用于其他类型回转件的动平衡计算,普适性高。

1 动平衡原理

螺杆真空泵的核心部件是一对相互啮合等速 旋转的左、右旋螺杆转子,因其工作转速远低于其 一阶弯曲临界转速、结构刚性好变形小,故可视为 刚性转子^[10]。

对于轴向长度很小的刚性转子(转子长度和宽 度之比 b/d≤0.2 的转子),如砂轮、飞轮等,可以忽 略轴向长度的影响,其质量的分布可以视作在同一 回转平面内。当此类转子旋转时,这些质量产生惯 性力表现为离心力,构成同一回转平面内的汇交力 系^[11]。对于此类转子的不平衡量的计算:

$$me = \sum m_i r_i \tag{1}$$

式中 m 和 e 为回转件的总质量和总质心的矢径; m_i、 r_i为原有各质量和其质心的矢径。

对于轴向长度较大的刚性转子 (b/d≥0.2), 长度 的影响不能忽略, 其质量的分布并不能视作位于同 一平面内, 这些质量产生的离心力形成空间力系。 如图 1 所示, 这类转子各个平面内的不平衡质量可 以被集中在 T'和 T"两个回转平面(平衡基面)内的 等效不平衡质量所代替, 它们导致的不平衡是相同 的^[12-14]。对于 T', T"面的不平衡量分别为:

$$m'e' = \sum m_i r_i \frac{L - l_i}{L} \tag{2}$$

$$me = \sum m_i r_i \frac{l_i}{L} \tag{3}$$



Fig. 1 Diagram of unbalanced mass of the rotor

2 近似法计算质径积

螺杆转子是由其端面型线沿着特定的螺旋线路径扫描而生成三维模型。本文选用的螺杆转子的端面型线如图 2 所示,该型线是由摆线 AB、齿根圆弧 BC、阿基米德线 CD、阿基米德线的共轭曲线 DE、齿顶圆弧 EA 依次连接组成^[14]。



以齿顶圆弧 EA 的圆心 O 为原点,构建如图 3 所示的空间直角坐标系,X轴垂直纸面向里。T 面 和 T"面到转子两端面的距离分别记为 L₁、L₂,T 面 若在 Z=0 端面左侧记 L₁为正、若在右侧 L₁则记为 负, T"面在 Z=L 端面右侧记 L₂ 为正、若在左侧则 L₂ 为负,转子长度为 L。



图3 坐标系以及平衡基面位置关系



由于螺杆转子结构的特殊性,它的不平衡质径 积也可以通过积分进行准确计算^[9],但这种积分计 算仅仅适用于径向截面不变的螺杆转子。对于去 重后的螺杆转子、锥形螺杆转子等,此类转子的径 向截面会发生改变,积分法计算不再适用,则可以 使用等效替代的近似计算方法。将转子沿轴向等 分为 N 份,计算每份质量块的等效质径积:*x_i*,*y_i*,*z_i* 为每一块质量块的质心坐标,分别求出所有质量块 等效分解到 *T* 面、*T*"面上 *X* 方向质径积 *M'_x*、*M"_x* 与 *Y* 方向质径积 *M'_y*、*M"_y*。即可得到等效在 *T*、*T*"面 上的不平衡量 *M*、*M*"和不平衡相角 *θ*、*θ*":

$$M'_{x} = \sum \frac{|x_{i}|}{x_{i}} m r_{i} \frac{L - z_{i} + L_{2}}{L + L_{1} + L_{2}} \cos(\theta_{i}) \qquad (4)$$

$$M'_{y} = \sum \frac{|y_{i}|}{y_{i}} m r_{i} \frac{L - z_{i} + L_{2}}{L + L_{1} + L_{2}} \sin(\theta_{i}) \qquad (5)$$

$$M_{x} = \sum \frac{|x_{i}|}{x_{i}} m_{i} r_{i} \frac{z_{i} + L_{1}}{L + L_{1} + L_{2}} \cos(\theta_{i}) \qquad (6)$$

$$M_{y} = \sum \frac{|y_{i}|}{y_{i}} m_{i} r_{i} \frac{z_{i} + L_{1}}{L + L_{1} + L_{2}} \sin(\theta_{i})$$
(7)

$$M' = \sqrt{M'_{x}^{2} + M'_{y}^{2}}$$
(8)

$$M = \sqrt{M_x^2 + M_y^2}$$
 (9)

$$\theta' = \arctan\left(\frac{M'_{y}}{M'_{x}}\right) \tag{10}$$

$$\theta'' = \arctan\left(\frac{M_y}{M_x}\right)$$
 (11)

式中, $\theta_i = \arctan\left(\left|\frac{y_i}{x_i}\right|\right)$ 。特别地,由于近似法的原理 不涉及螺杆转子端面型线和结构,所以基于此原理 开发的界面可用于任何类型螺杆转子和其他回转 件的动平衡计算。

3 SolidWorks 二次开发设计

3.1 SolidWorks 二次开发技术

为了满足用户对特定功能的需求, SolidWorks 集成了众多的 Application Programming Interface (API) 函数, 它们是 SolidWorks 的 Object Linding and Embedding(OLE) 和 Component Object Model(COM) 接口。通过链接 OLE 和 COM 接口, 开发人员可借 助 VB.NET、VC++等对 SolidWorks 展开二次开发^[15]。 如图 4 所示, SolidWorks 二次开发中常用的 API 对 象。其中,最常用的是 ModelDoc2(文件类型)对象, 它包含了三个扩展对象和三个子对象 PartDoc、 DrawingDoc、AssemblyDoc。通过使用子对象,可以 实现相应文件类型的二次开发,建立具体的功能 模块^[16]。





为便于用户使用和程序稳定运行,本文依据 OLE技术进行二次开发。OLE作为一种对象链接 与嵌入技术,在多个应用程序之间搭建了数据共享 桥梁,是对 COM技术的继承和发展。用户可使用 SolidWorks活动文档和其他支持 OLE 对象的应用 程序进行相互链接或嵌入。利用 OLE 技术的开发 可以生成独立启动而不与 SolidWorks 相关联的 Windows exe 应用程序,但使用 Windows exe 应用程 序功能则需要和 SolidWorks 进行交互^[17]。

3.2 SolidWorks 二次开发环境搭建

VB.NET 是一种面向对象、高效简单、功能广 泛的编程语言。借助 VB.NET 语言对 SolidWorks 展开二次开发,首先需要搭建 VB.NET 和 SolidWorks 之间的链接,其具体过程如下: (1) 在 Vistual Studio 中创建一个窗体程序,并添加按钮控件 (Button)、文本框控件 (TextBox)等。

(2) 在 VB.NET 中导入 SolidWorks API 接口和 枚举常量, 然后利用 GetObject 方法创建 Sldworks 对象以及调用当前 ModelDoc2 对象, 主要程序如下:

Dim swApp As SldWorks.SldWorks Dim swModel As SldWorks.ModelDoc2 swApp = GetObject(,"SldWorks.Application") swModel = swApp.ActiveDoc

3.3 SolidWorks 计算不平衡量的实现过程

根据近似法计算不平衡量原理,基于 SolidWorks 二次开发对螺杆转子的动平衡分析的流程图如图 5 所示。





Fig. 5 Flow chart of dynamic balance analysis

按照流程图,编写程序代码,建立人机交互界 面。用户界面的设计要遵循界面友好的原则,建立 的用户界面窗口如图 6 所示。在该界面中,"INPUT" 区域输入转子长度 *L*,轴向等距分段数 *N*,*T*"面至转 子左侧端面的距离 *L*₁ 和 *T*"面至转子右侧端面的距 离 *L*₂。点击按钮"calculate"后即可在"OUTPUT"区 域输出不平衡量和不平衡相角。操作简单,使用 方便。

界面开发过程中主要难点和核心内容是对螺 杆转子的等距划分并获取每一份质量块的质量属 性。本文采用在转子两端面分别对其相向拉伸切 除的方法,利用循环语句循环 N 次,将转子依次沿 轴向等距划分,并同时获取从第 1 份质量块到第 N 份质量块的质量属性,再将质量属性代入程序语言 表达的式 (4)~(11)的动平衡计算中,即可获得 T'面



图6 人机交互界面 Fig. 6 Human-computer interaction interface

和 T'面不平衡量和不平衡相角。相对于其他方案, 该方案计算时间快、准确度高、适应性好、在运行 过程中不会崩溃。以下是 VB.NET 二次开发 SolidWorks, 计算转子不平衡量和不平衡相角的部 分核心源程序代码:

Do Until i > N

swModel.Extension.SelectByID2("T1", "SKET CH", 0, 0, 0, False, 0, Nothing, 0)

Featmgr.FeatureCut3.....

swModel.Extension.SelectByID2("T2",

"SKETCH", 0, 0, 0, False, 0, Nothing, 0)

Featmgr.FeatureCut3.....

'螺杆转子沿轴向等距分段,共N份质量块

swModelExt = swModel.Extension

vMassProp=swModelExt.GetMassProperties 2.....

'获取每一份质量块的质心和质量等属性

······'计算每一份质量块等效在平衡基面上不 平衡质径积,即用程序语言表达(4)-(7)式

Loop

4 实例分析

4.1 动平衡属性的计算

螺杆转子可视为 N 个极薄圆柱体连续拼接而成,整个转子的不平衡是由每一个极薄圆柱体相对旋转轴线存在一定的偏心所致^[18-21]。轴向等距分段数 N 越多,则动平衡的计算结果就越趋进于转子的实际情况。

采用图 2 所示端面型线, 左旋转子齿顶圆直径 D 为 164 mm, 齿根圆直径 d 为 56 mm, 转子螺距 P 为 66 mm, 导程数为 4.3, 长度 L 为 283.8 mm, 转子 密度 ρ 为 7000 kg/m³。如图 7 所示, 探究了不同分 段数下,近似法计算与积分法精确计算^[9]不平衡量 及其相角的结果的比较。可以发现当*N*大于 25 时, 二者结果较为接近。综合考虑计算时间和动平衡 计算精度,*N*取 25-40。





Fig. 7 Amount of unbalance with different segments to calculate

在人机交互界面窗口中,输入转子长度 L= 283.8、分段数 N=30、平衡基面 T和 T"的位置一般 依据实际情况需要选定,这里选取 L₁=50 mm, L₂=50 mm。点击按钮"calculate"。计算结果如图 8 所示, 转子在 T 面上不平衡量为 22566.97 g·mm,不平衡 相角为 278.97°;在 T" 面上不平衡量为 22565.60 g·mm,不平衡相角为 330.87°;不平衡量较大,转子 处于动不平衡。



图8 动平衡属性的计算 Fig. 8 The calculation of unbalance

4.2 动平衡处理过程的自动化

螺杆转子由于其特殊的螺旋式结构,导致设计 人员通过"试凑法"动平衡处理时重复工作多、设计 周期长且设计质量差。通过上述人机交互界面计 算位于 T 和 T"平衡基面内的不平衡量和不平衡相 角后,设计人员则可分别在这两个平衡基面上的不 平衡相角位置,配上或去除一定的质量块以消除两面上的不平衡量,质量块的质量为不平衡量除以质量块的矢径,当不平衡量为零时,则转子达到了动平衡。若经过一次双面平衡,不平衡量仍较大,则需要再次选定两个新的平衡基面计算和去、配重,即多次双面平衡操作,最终实现螺杆转子的整体动平衡。一般对于螺杆转子的配重只需要一次双面平衡,齿顶"打孔"去重则需要多次双面平衡。这与常规的"试凑法"动平衡处理相比较,操作简单,大大减少了动平衡设计的工作量,提高了动平衡的设计质量。

为避免破坏转子结构、降低转子强度,故采用 配重的方式解决螺杆转子动平衡问题。对于任意 形状的配重块,只要输入其截面的矢径和面积,即 可"凸台拉伸"生成相应质量的配重块,同样基于 SolidWorks进行了二次开发。例如,对图 8 中所示 转子进行动平衡处理,采用扇形配重块,在两个平 衡基面上的对应不平衡相角位置进行配重。配重 后的转子在 T 面上不平衡量仅为 16.98 g·mm,在 T" 面上不平衡量为 21.54 g·mm。配重前后的螺杆转 子的质量属性如图 9(a) 所示。

由于该界面的设计原理不依赖于螺杆转子型 线和结构,所以适用于任何螺杆转子和其他类型回 转件的动平衡计算。目前锥形螺杆转子由于抽气 高效且具备较好的内压缩比和齿槽几何结构正逐 渐成为螺杆泵的首选,其动平衡处理也是一项重要 的技术。以变螺距锥形螺杆转子作为补充案例,同 样采取扇形配重块的方式,输入相关参数,配重处 理前后的锥形螺杆转子质量属性如图 9(b)所示。

从图 9 中质量属性可知, 螺杆转子绕 Z 轴旋转, 在动平衡前的质心坐标分别为: (X, Y)=(0.9265 mm, -1.3437 mm), (X, Y)=(-0.2259 mm, 1.2040 mm); 惯 性张量分别为: (*Ixz*, *Iyz*)=(6355947.9684 g·mm², -2583968.6022 g·mm²), (*Ixz*, *Iyz*)=(-1198968.8832 g·mm², -197428.7799 g·mm²), 惯性张量比较大, 不 平衡质量大。配重法处理后的不平衡性明显降低, 转子质心坐标基本处于转子转轴上, 且惯性张量也 明显下降, 数值降低至几万; 惯性主轴为 (0,0,1), 与 转轴方向一致, 充分说明了动平衡效果较好。

5 结论

基于 SolidWorks 软件平台, 以 Vistual Studio



图9 常规等螺距转子和变径变螺距锥转子动平衡前后图样及其对应质量属性变化

Fig. 9 Pattern and corresponding quality attribute change before and after dynamic balance. (a) Dynamic balance treatment of conventional equal-pitch screw rotor, (b) dynamic balance treatment of conical rotor with variable pitch

2019 为开发工具,利用 VB.NET 语言对转子动平衡 的近似法计算过程进行表达,搭建了人机交互界面 窗口,可在 SolidWorks 中对任意类型的螺杆转子的 不平衡量和不平衡相角进行计算,也可用于其他不 规则零件的动平衡计算。该应用程序界面简洁、使 用简单、计算时间快、运行稳定,实现了螺杆转子去 重、配重过程的自动化,从而减少了动平衡设计的 工作量,提高了动平衡的设计质量和精度。

参考文献

- [1] Guo P, Xue J G, Niu R, et al. Current situation and outlook for R&D of dry screw vacuum pumps[J]. Vaccum, 2009, 46(5): 37-40 (郭蓓, 薛建国, 牛瑞, 等. 干式螺杆 真空泵研究现状与展望[J]. 真空, 2009, 46(5): 37-40(in chinese))
- [2] Jiang X C. Characteristics and applications of screw vacuum pump[J]. Vaccum, 2013, 50(2): 1-7 (姜燮昌. 螺杆 真空泵的特点与应用[J]. 真空, 2013, 50(2): 1-7(in chinese))
- [3] Zhang S W, Zhang X T, Zhang J, et al. A simple dynam-

ic balance calculation of the single-threaded and fixed pitch rotor[J]. Vaccum, 2015, 52(2): 1-6 (张世伟, 张秀 廷, 张杰, 等. 螺杆真空泵单头等螺距螺杆转子的一种 动平衡简便算法[J]. 真空, 2015, 52(2): 1-6(in chinese))

- [4] Zhang S, Gu Z, Zhang Z. Dynamic balancing method for the single-threaded, fixed-pitch screw rotor[J]. Vacuum, 2013, 90(Complete): 44–49
- [5] Liu M K, Liu X Z, Wang L, et al. Transformation of single-thread profile into twin-thread profile of screw vacuum pump: a simulation and analytical study[J]. Chinese Journal of Vacuum Science and Technology, 2019, 39(12): 1061–1066 (刘明昆, 刘星洲, 汪亮, 等. 螺杆真 空泵单头型线变双头方法研究[J]. 真空科学与技术学 报, 2019, 39(12): 1061–1066(in chinese))
- [6] Pouriayevali H, Guo Y B, Shim V. A visco-hyperelastic constitutive description of elastomer behaviour at high strain rates[J]. Procedia Engineering, 2011, 10(7): 2274–2279
- [7] Becher U F. Twin screw rotors and displacement machines containing the same[P]. US: US6702558 B2
- [8] Wu X H, Chen W H, Zhang B F. Optimization design of

screw rotor with automatic dynamic balance of a screw vacuum pump[J]. Journal of Vibration and Shock, 2015, 34(19): 144–149+156 (巫修海,陈文华,张宝夫. 螺杆真 空泵自平衡螺杆转子优化设计[J]. 振动与冲击, 2015, 34(19): 144–149+156(in chinese))

- [9] Wang Y Q, Wang L, Liu M K, et al. Dynamic balance of fixed-pitch screw rotor vacuum pump a simulation and theoretical study[J]. Chinese Journal of Vacuum Science and Technology, 2018, 38(12): 1039–1043 (王永庆, 汪 亮, 刘明昆, 等. 基于MATLAB/GUI的等螺距螺杆转子 动平衡分析与计算[J]. 真空科学与技术学报, 2018, 38(12): 1039–1043(in chinese))
- [10] He X. Study on the Dynamic balancing of B-type twinscrew pump rotor[D]. Hubei: Huazhong University of Science and Technology, 2016 (何贤举. 双螺杆泵B型转 子动平衡研究[D]. 湖北: 华中科技大学, 2016 (in chinese))
- [11] Farzad Hejazi, Tan Kar Chun. Conceptual theories in structural dynamics[M]. Springer, Singapore
- [12] Wang J, Cui F, Wei S, et al. Study on a novel screw rotor with variable cross-section profiles for twin-screw vacuum pumps[J]. Vacuum, 2017, 145: 299–307
- [13] Li D, He Z, Sun S, et al. Dynamic characteristics modelling and analysis for dry screw vacuum pumps[J]. Vacuum: Technology Applications & Ion Physics: The International Journal & Abstracting Service for Vacuum Science & Technology, 2022(198-)
- [14] Li B. Design of vertical LGB70 variable pitch screw vacuum pump[D]. Anhui: Hefei University of Technology, 2021 (李斌. 立式LGB70变螺距螺杆真空泵设计[D]. 安徽: 合肥工业大学, 2021(in chinese))
- [15] Cui J K, Ding J L, Xia J. Secondary development of cylindrical spiral milling cutter based on solidworks[J]. software engineering, 2022, 25(8): 30-33+6 (崔建昆, 丁 佳乐, 夏娟. 基于SolidWorks的圆柱螺旋铣刀二次开

发[J]. 软件工程, 2022, 25(8): 30-33+6(in chinese))

- [16] Hao L J, Gu H M, Zhu X. Development of parametric design system of reciprocating vacuum pump[J]. Vaccum, 2011, 48(1): 54–56 (郝利军, 顾海明, 朱翔. 往复真空泵 的参数化设计系统开发[J]. 真空, 2011, 48(1): 54–56(in chinese))
- [17] Cai W H. Research on parametric design of air-flowsqueeze moding machine based on solidworks[D]. Shandong University, 2021 (蔡武豪. 基于SolidWorks的静压 造型主机参数化设计研究[D]. 山东大学, 2021 (in chinese))
- [18] Liu C J, Xu C H, Qian F H. Vibration monitoring and fault diagnosis of dry screw vacuum pump[J]. Chinese Journal of Vacuum Science and Technology, 2005, 25(6): 471-474 (刘春姐, 徐成海, 钱芳华. 干式螺杆真空泵振 动监测与故障诊断技术的研究[J]. 真空科学与技术学 报, 2005, 25(6): 471-474(in chinese))
- [19] Shu X D, Chai X T, Gao M Y, et al. Design of automatic detection system for vacuum pump performance parameters based on PLC[J]. Chinese Journal of Vacuum Science and Technology, 2021, 41(10): 923–928 (舒晓冬, 柴晓彤, 高明燚, 等. 基于PLC的真空泵性能参数自动检 测系统设计[J]. 真空科学与技术学报, 2021, 41(10): 923–928(in chinese))
- [20] Li B, Gan S Y, Zhang J, et al. Modeling and balancing of variable pitch screw rotor based on actual clearance and boolean operation[J]. Chinese Journal of Vacuum Science and Technology, 2021, 41(5): 425–429 (李斌, 干蜀 毅, 张俊, 等. 基于实际间隙与布尔运算的变螺距转子 建模及其平衡[J]. 真空科学与技术学报, 2021, 41(5): 425–429(in chinese))
- [21] Gan S, Yu Q, Cao Q, et al. Coordinate transformation of screw rotor profile in different cross sections[J]. Vacuum, 2021, 192(2): 110494